

復習 次のものを、文字を使った式で表しなさい。

1個150円のお菓子を x 個買って、500円の箱につめてもらうときの代金の合計

(円)

▶ 文字どうしのかけ算、文字と数のかけ算を表すとき、次の約束があります。

① かけ算の記号 \times は省略する。

② (文字) \times (数) では、数を文字の前にかく。

③ 同じ文字の積は、累乗の形でかく。

たとえば、①の約束で $a \times b$ は ab

②の約束で $a \times 2$ は $2a$

③の約束で $a \times a$ は a^2

特に、 $1 \times a$ は a 、 $(-1) \times a$ は $-a$ とかきます。

1 次の式を、上の約束にしたがってかき直しなさい。 [教科書 p.12 練習 8]

(1) $x \times y \times z$ (2) $x \times 3$ (3) $x \times (-4)$

(4) $x \times 2 \times y$ (5) $x \times x \times x$ (6) $x \times x \times (-1)$

▶ $5x^2$ 、 $-x^3$ のように、文字や数をかけてできた式を **単項式** といいます。かけている文字の個数を **次数** といい、数の部分を **係数** といいます。

← かけ算だけで、たし算やひき算をしていない式です。
たとえば、 $x-3$ や x^2+2x は単項式ではありません。

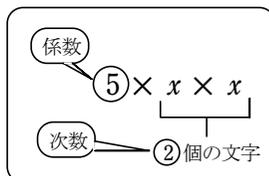
2 (単項式の次数、係数)

$$5x^2 = 5 \times x \times x$$

よって、 $5x^2$ の次数は ,

係数は です。

[教科書 p.12 例 7]



3 次の単項式の次数と係数を答えなさい。

[教科書 p.12 練習 9]

(1) $4x^2$ (2) $-6x$

(3) x^5 (4) $-x^3$

まとめ

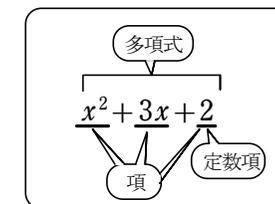
単項式 … 文字や数をかけてできた式
次数 …… かけている文字の個数
係数 …… 文字以外の数の部分

▶ x^2+3x+2 のように、いくつかの単項式をたしてできた式を **多項式** といいます。

多項式の中の単項式の1つ1つを **項** といい、文字を含まない数だけの項を特に **定数項** といいます。

単項式も、1つの項からできている多項式と考えます。

多項式のことを、**整式** ともいいます。



▶ 多項式の各項の次数の中で一番大きいものを、その多項式の **次数** といいます。

← 次数が一番「高い」ともいいます。

次数が1の式を **1次式**、次数が2の式を **2次式**、

次数が3の式を **3次式**、…… といいます。

▶ 多項式の加法と減法は、次のような手順で計算します。

① かけこをはずす

② 同類項をまとめる

5 次の計算をなさい。

[教科書 p.15 例題 1]

(1) $(3x+4)+(-x+1)$

=

= $(3x - \text{>}) + (4 + \text{>})$

= x +

(2) $(2x^2+x+1)-(x^2-6x+3)$

=

= $(2x^2 - \text{>}) + (x + \text{>})$

+ $(1 - \text{>})$

= $x^2 + \text{>}x - \text{>}$

① かけこをはずす

② 同類項をまとめる

6 次の計算をなさい。

[教科書 p.15 練習 14]

(1) $(5x+2)+(4x-1)$

(2) $(3x^2+4x+1)+(x^2-4x+2)$

7 次の計算をなさい。

[教科書 p.15 練習 15]

(1) $(7x-1)-(5x-3)$

(2) $(5x^2-7x)-(-3x^2-x+1)$

8 次の計算をなさい。

[教科書 p.15 例題 2]

$(3x^2-2x+1)+2(x^2+3x-4)$

= $3x^2-2x+1 + \text{>}$

=

① かけこをはずす

② 同類項をまとめる

9 次の計算をなさい。

[教科書 p.15 練習 16]

(1) $(x^2-2x+4)+2(x^2+5x-3)$

(2) $(3x^2-4x-1)-2(x^2+x+1)$

(3) $3(x^2-x+6)+(2x^2+3x-5)$

(4) $-4(-2x^2-x)-(x^2-2x+9)$

振り返り

① どのような内容を学習しましたか。

● 多項式の加法と減法は、次のような手順で計算する。

① かけこをはずす

② をまとめる

② **目標** は達成できましたか。

できた

まあまあ

あまりできなかった

a^2 は $a \times a$ なので, a を 個かけています。
 a^3 は $a \times a \times a$ なので, a を 個かけています。
 では, $a^2 \times a^3$ は, a を何個かけているでしょうか。
 $a^2 \times a^3 = (a \times a) \times (a \times a \times a)$ なので, a を 個かけています。

▶ a を n 個かけたものを a^n とかき, a の n 乗 といいます。また, n を a^n の **指数** といいます。
 ← たとえば, $a \times a \times a$ を a^3 とかき, a の 3 乗といいます。
 a^3 の指数は 3 です。

1 次の計算をなさい。

- (1) $a^2 \times a^3 = (a \times a) \times (a \times a \times a) = a^{\text{$
- (2) $(a^2)^3 = a^2 \times a^2 \times a^2 = (a \times a) \times (a \times a) \times (a \times a) = a^{\text{$
- (3) $(ab)^3 = ab \times ab \times ab = a \times b \times a \times b \times a \times b$
 $= (a \times a \times a) \times (b \times b \times b) = a^{\text{$ $b^{\text{$

a を何個かけているでしょう。



まとめ

指数法則 m と n が正の整数のとき,

- [1] $a^m \times a^n = a^{m+n}$
 [2] $(a^m)^n = a^{mn}$
 [3] $(ab)^n = a^n b^n$

1, 2, 3, ……
 のことです。

2 (指数法則)

[教科書 p.17 例 11]

- (1) $a^5 \times a^2 = a^{5+2} = a^{\text{$ 指数法則[1] で $m=5, n=2$
 (2) $(a^2)^4 = a^{2 \times 4} = a^{\text{$ 指数法則[2] で $m=2, n=4$
 (3) $(ab)^5 = a^{\text{$ $b^{\text{$ 指数法則[3] で $n=5$

← 誤りの例

- ~~(1) $a^5 \times a^2 = a^{5 \times 2}$~~
~~(3) $(ab)^5 = ab^5$~~

3 指数法則を使って, 次の計算をなさい。

[教科書 p.17 練習 17]

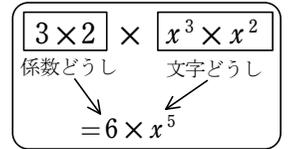
- (1) $a^4 \times a^3$ (2) $x \times x^8$ (3) $(a^3)^2$
 (4) $(x^4)^4$ (5) $(ax)^2$ (6) $(a^2b)^3$

▶ (単項式)×(単項式)の計算は, 係数どうし, 文字どうしをそれぞれかけ合わせます。

4 ((単項式)×(単項式))

[教科書 p.17 例 12]

(1) $3x^3 \times 2x^2 = 3 \times 2 \times x^3 \times x^2 = \text{$ $x^{\text{$



(2) $(-2x^2)^3 \times x = (-2)^3 (x^2)^3 \times x = \text{$ $\times x^{\text{$ $\times x = \text{$ $x^{\text{$

5 次の計算をなさい。

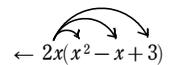
[教科書 p.17 練習 18]

- (1) $x \times 5x^3$ (2) $4x^2 \times (-3x^4)$ (3) $(2x^3)^2$
 (4) $(-3x)^3$ (5) $(2x)^3 \times x^2$ (6) $(-5x^4)^2 \times x$

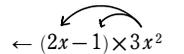
6 ((単項式)×(多項式))

[教科書 p.18 例 13]

(1) $2x(x^2 - x + 3) = \text{$ $\times x^2 - \text{$ $\times x + \text{$ $\times 3$
 $= \text{$



(2) $(2x-1) \times 3x^2 = 2x \times \text{$ $- 1 \times \text{$ $= \text{$



7 次の計算をなさい。

[教科書 p.18 練習 19]

- (1) $x(2x+5)$ (2) $5x(3x-2)$
 (3) $x(x^2-3x+1)$ (4) $3x^2(x^2+6x-4)$
 (5) $(4x+3) \times 2x$ (6) $(x^2+2x-3) \times 5x$

振り返り

目標 は達成できましたか。

できた まあまあ あまりできなかった

復習 次の計算をなさい。

- (1) $a^5 \times a^2$ (2) $(a^5)^2$
 (3) $3x(2x+4)$ (4) $(2x+1)+(3x-5)$

1 右の図を見て、次のことを考えよう。

全体を1つの長方形と考えると、

たては $a+b$

横は であるから

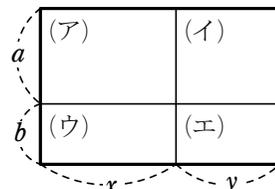
面積は $(a+b)(\text{})$ と表せる。

全体を4つの長方形に分けて考えると、

(ア), (イ), (ウ), (エ)の面積は 順に ax , , , by であるから

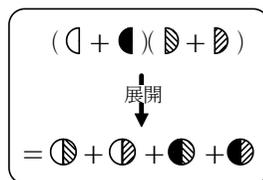
4つの部分の面積の和は $ax + \text{} + \text{} + by$

したがって $(a+b)(\text{}) = ax + \text{} + \text{} + by$



▶ (多項式)×(多項式)は、かっこをくり返しはずして計算します。

(多項式)×(多項式)を計算して単項式の和の形に表すことを、**展開** するといいます。



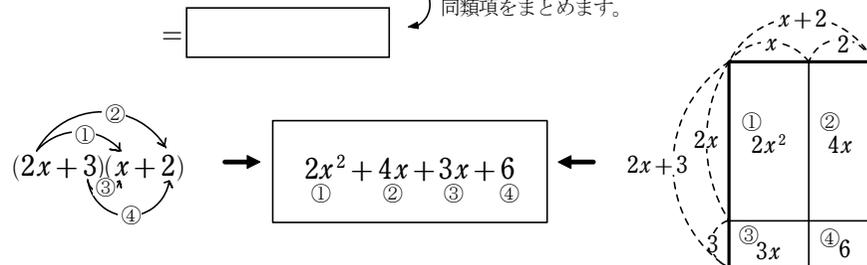
[教科書 p.18 例14]

2 (式の展開)

$(2x+3)(x+2)$ を展開します。

$$\begin{aligned} (2x+3)(x+2) &= 2x(x+2) + 3(x+2) \\ &= 2x \times x + 2x \times 2 + 3 \times x + 3 \times 2 \\ &= 2x^2 + 4x + 3x + 6 \\ &= \text{} \end{aligned}$$

同類項をまとめます。



3 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.19 練習20]

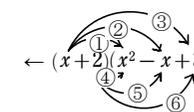
- (1) $(x+2)(x+4)$ (2) $(x-3)(x+5)$

- (3) $(x-2)(4x-3)$ (4) $(2x+1)(3x+4)$

4 $(x+2)(x^2-x+3)$ を展開しましょう。

[教科書 p.19 例題3]

$$\begin{aligned} &(x+2)(x^2-x+3) \\ &= x(\text{}) + 2(\text{}) \\ &= x \times \text{} - x \times x + x \times 3 + 2 \times x^2 - 2 \times x + 2 \times \text{} \\ &= x^3 - x^2 + \text{} + 2x^2 - 2x + \text{} = \text{} \end{aligned}$$



5 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.19 練習21]

- (1) $(x+3)(x^2+x+2)$ (2) $(x-1)(x^2+2x-1)$

- (3) $(3x^2+2)(2x-1)$ (4) $(2x-3)(x^2-x)$

振り返り

目標 は達成できましたか。

できた まあまあ あまりできなかった

復習 次の式を展開しなさい。

- (1) $(x+4)(x+1)$ (2) $(2x-1)(3x+2)$

右の、1辺が $(x+3)$ cm の正方形の面積は $(x+3)^2 \text{ cm}^2$ です。

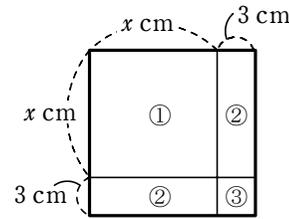
図の正方形①の面積は $x^2 \text{ cm}^2$

長方形②の面積は $x \times 3 \text{ cm}^2$

正方形③の面積は $\square^2 \text{ cm}^2$

なので、もとの正方形の面積は

$x^2 + 2 \times x \times 3 + \square^2 (\text{cm}^2)$ とも表されます。



1 次の式を展開してみよう。

(1) $(a+b)^2 = (a+b)(\square)$ (2) $(a-b)^2 = (a-b)(\square)$
 $= \square + \square + ba + \square$ $= \square - \square - ba + \square$
 $= \square$ $= \square$

まとめ

展開の公式1 [1] $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
 [2] $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

2 (展開の公式 $(a+b)^2, (a-b)^2$) [教科書 p.20 例15]

$(a+b)^2 = a^2 + 2 \times a \times b + b^2$
 (1) $(x+3)^2 = \square^2 + 2 \times \square \times \square + \square^2 = \square$

$(a-b)^2 = a^2 - 2 \times a \times b + b^2$
 (2) $(2x-5)^2 = (\square)^2 - 2 \times (\square) \times \square + \square^2$ ← $2x$ をひとかたまりにして公式にあてはめます。
 $= \square$

3 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.20 練習22]

- (1) $(a+1)^2$ (2) $(x-6)^2$

- (3) $(2a+3)^2$ (4) $(3x-4)^2$

- (5) $(2x+y)^2$ (6) $(3a-2b)^2$

4 次の式を展開してみよう。

$(a+b)(a-b) = \square - ab + \square - \square$
 $= \square$

まとめ

展開の公式2 $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

5 (展開の公式 $(a+b)(a-b)$)

[教科書 p.21 例16]

$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
 (1) $(x+2)(x-2) = \square^2 - \square^2$
 $= \square$

$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$
 (2) $(2x+1)(2x-1) = (\square)^2 - \square^2$
 $= \square$

6 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.21 練習23]

- (1) $(x+3)(x-3)$ (2) $(x+4)(x-4)$

- (3) $(3x+1)(3x-1)$ (4) $(5x+y)(5x-y)$

7 次の式を展開してみよう。

$$(x+a)(x+b) = x^2 + bx + \boxed{} + ab$$

$$= x^2 + (\boxed{})x + \boxed{}$$

まとめ

展開の公式3 $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$

← $x^2 + (\text{和})x + (\text{積})$ です。

8 (展開の公式 $(x+a)(x+b)$)

[教科書 p.21 例 17]

(1) $(x+2)(x+5)$

$$= x^2 + (\boxed{} + \boxed{})x + \boxed{} \times \boxed{}$$

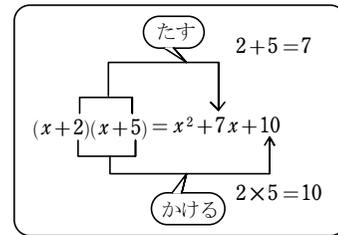
$$= \boxed{}$$

(2) $(x+2)(x-5)$

$$= (x+2)\{x + (\boxed{})\}$$

$$= x^2 + \{\boxed{} + (\boxed{})\}x + \boxed{} \times (\boxed{})$$

$$= \boxed{}$$



9 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.21 練習 24]

(1) $(x+3)(x+4)$ (2) $(x+4)(x+1)$

(3) $(x+5)(x-3)$ (4) $(x-6)(x+2)$

(5) $(x-3)(x-6)$ (6) $(x-2)(x-4)$

10 次の式を展開してみよう。

$$(ax+b)(cx+d) = ax \times \boxed{} + ax \times \boxed{} + b \times \boxed{} + b \times d$$

$$= \boxed{}x^2 + \boxed{}x + \boxed{}x + \boxed{}$$

$$= acx^2 + (\boxed{})x + bd$$

まとめ

展開の公式4 $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

11 (展開の公式 $(ax+b)(cx+d)$)

[教科書 p.22 例 18]

(1) $(2x+1)(3x+4) = (\boxed{})x^2 + (\boxed{} + 1 \times 3)x + \boxed{}$

$$= \boxed{}$$

(2) $(2x-1)(3x+4) = \{2x + (\boxed{})\}(3x+4)$

$$= (\boxed{})x^2 + \{2 \times 4 + \boxed{}\}x + (-1) \times 4$$

$$= \boxed{}$$

12 次の式を展開しなさい。

[教科書 p.22 練習 25]

(1) $(3x+1)(x+2)$ (2) $(2x+1)(x-3)$

(3) $(x-1)(2x-3)$ (4) $(2x+3)(3x+4)$

(5) $(5x-2)(3x+1)$ (6) $(4x-1)(2x-5)$

振り返り

① どのような内容を学習しましたか。

● 展開の公式1 [1] $(a+b)^2 = a^2 + \boxed{}ab + b^2$

[2] $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

● 展開の公式2 $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

● 展開の公式3 $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$

● 展開の公式4 $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

② **目標** は達成できましたか。

できた

まあまあ

あまりできなかった

復習 次の展開の公式1を完成させなさい。

$(a+b)^2 = \square$ $(a-b)^2 = \square$

$2 \times 3 = 6$ なので、6は 2×3 と表せます。

$3 \times 7 = 21$ なので、21は $3 \times \square$ と表せます。

$(x+1)(x+3) = x^2 + 4x + 3$ なので、

$x^2 + 4x + 3$ は $(x+1)(x+\square)$ と表せます。

▶ $(x+1)(x+3)$ を展開すると $x^2 + 4x + 3$ となります。

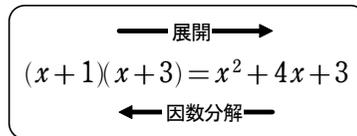
逆に考えると、 $x^2 + 4x + 3$ は $(x+1)(x+3)$ と表せます。

このように、多項式を2つ以上の多項式の積の形に表すことを、もとの多項式を

因数分解 する といいます。

積をつくっている各多項式を **因数** といいます。

$x+1$ と $x+3$ は、 $x^2 + 4x + 3$ の因数です。



▶ すべての項に共通な因数がある多項式は、その共通な因数でくくって因数分解します。

まとめ

共通な因数でくくる $ma + mb = m(a+b)$
 $ma - mb = m(a-b)$

← m は ma と mb に共通な因数です。

1 (共通な因数でくくる)

[教科書 p.23 例 19]

(1) $xy + 5y = y \times x + y \times 5 = y(\square)$ ← 共通な因数は y

← $y(x+5)$ は $(x+5)y$ とかくこともできます。

(2) $2x^2 - 4x = 2x \times x - 2x \times 2 = 2x(\square)$ ← 共通な因数は $2x$

← $x(2x-4)$ では不十分。係数も含めた $2x$ が共通な因数となります。

2 次の式を因数分解しなさい。

[教科書 p.23 練習 26]

(1) $ax + 3x$

(2) $x^2 - 4x$

(3) $3x^2 - 9x$

(4) $x^2 - x$

(4) $2x^2y + 10xy^2$

(6) $ax + bx - 5x$

▶ 展開の公式1の左辺と右辺を入れかえれば、次の因数分解の公式になります。

まとめ

因数分解の公式1 [1] $a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$

[2] $a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$

3 (因数分解の公式 $a^2 + 2ab + b^2$, $a^2 - 2ab + b^2$) [教科書 p.24 例 20]

$$x^2 + 6x + 9 = \begin{matrix} a^2 \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} + 2 \times \begin{matrix} a \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} \times \begin{matrix} b \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} + \begin{matrix} b^2 \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} = (\begin{matrix} a \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} + \begin{matrix} b \\ \downarrow \\ \square \end{matrix})^2$$

$$4x^2 - 20x + 25 = \begin{matrix} a^2 \\ \downarrow \\ (\square) \end{matrix} - 2 \times \begin{matrix} a \\ \downarrow \\ (\square) \end{matrix} \times \begin{matrix} b \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} + \begin{matrix} b^2 \\ \downarrow \\ \square \end{matrix} = (\begin{matrix} a \\ \downarrow \\ (\square) \end{matrix} - \begin{matrix} b \\ \downarrow \\ \square \end{matrix})^2$$

4 次の式を因数分解しなさい。

[教科書 p.24 練習 27]

(1) $x^2 + 8x + 16$

(2) $x^2 + 12x + 36$

(3) $x^2 - 2x + 1$

(4) $x^2 - 16x + 64$

(5) $4x^2 + 4x + 1$

(6) $9x^2 - 12x + 4$

振り返り

① どのような内容を学習しましたか。

● 因数分解の公式1 [1] $a^2 + \square ab + b^2 = (a+b)^2$

[2] $a^2 - 2ab + b^2 = (a-b)^2$

② **目標** は達成できましたか。

できた

まあまあ

あまりできなかった

